



## مقارنة طريقة التفريغ والتحديد مع طريقة دالة الجزاء لحل البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية (تطبيق عملي)

الباحث/ هبة فاضل حربى

الجامعة المستنصرية

hebaaalharbee@yahoo.com

أ.د. حامد سعد الشمرتي

جامعة البيان

hamed-Al-shemarty@yahoo.com

**Received :27/11/2019**

**Accepted :27/1/2020**

**Published :April / 2020**

هذا العمل مرخص تحت اتفاقية المشاع البداعي تسب المُصنَّف - غير تجاري - الترخيص العمومي الدولي 4.0  
[Attribution-NonCommercial 4.0 International \(CC BY-NC 4.0\)](#)



### مستخلص البحث

ان مشكلة البرمجة ثنائية المستوى هي مشكلة تقليل (Min) او تعظيم (Max) لدالة الهدف بوجود دالة هدف اخرى داخل القيود. وقد حظيت هذه المشكلة باهتمام كبير جداً في مجتمع البرمجة بسبب انتشار التطبيقات واستخدام الخوارزميات التطورية في معالجة هكذا نوع من المشاكل. وفي هذا البحث يتم استخدام طريقتين من طرائق حل البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية Non-linear Bi-level Progreamming هما: خوارزمية التحديد والتفریغ Branch and Bound Algorithm وطريقة منطقة الجزاء Penalty Function Method) والمقارنة بينهما من حيث قيمة دالة الهدف للوصول الى الحل الامثل من خلال اسلوب المحاكاة باستخدام طريقة مونت كارلو (Monte Carlo) باستخدام حجوم عينات مختلفة صغيرة وكبيرة وتطبيقاتها على مشاكل تحديد الكميات المثلثى من الادوية والمستلزمات الطبية لشركة (كيماديا ) وتم التوصل الى افضلية خوارزمية التحديد والتفریغ في حل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية لأن نتائجها كانت افضل من حيث تقليل الكافلة.

**المصطلحات الرئيسية للبحث :** البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية ، طريقة دالة الجزاء ، خوارزمية التحديد

\*البحث مستمد من رسالة ماجستير

**Introduction : 1- المقدمة**

نتيجة التطور الحاصل في مجال الحاسوبات الالكترونية التي ساعد الباحثون المختصين في بحوث العمليات لإنجاز كافة التحليلات والدراسات التي يتطلبها البحث وبسرعة فائقة . وقد ساهم ذلك التطور في ظهور وتطوير خوارزميات جديدة هدفها حل مثل تلك المسائل التي كان من الصعوبة الوصول الى حلها وايجاد الحلول المثلث لها.

ان مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية هي مشكلة امتيازية محددة ومقيدة بمنهجين غير معروفين  $(x, y)$  ، وهي من المشاكل الصعبة والمعقدة ويتم حلها باستخدام الخوارزميات بدلاً من حلها بصورة مباشرة وهذه المشكلة يمكن استبدال حلول القيد لل المشكلة ثنائية المستوى الى مجموعة من الشروط والتي يجب ان تتحقق هذه الشروط اقل نقطة للمشكلة الداخلية.

**2- مشكلة البحث : The Problem of the Research**

تتمثل مشكلة البحث بأيجاد الكميات المثلث للادوية والمستلزمات الطبية في الشركة العامة لتسويق الادوية والمستلزمات الطبية ضمن الميزانية المخصصة لشركة (المتمثلة الصرف الرشيد للميزانية) للادوية وللمستلزمات الطبية وتلبية حاجات المرضى لبعض الادوية والمستلزمات المطلوبة ليتمكن صانع القرار من اتخاذ القرار الأفضل .

**3- هدف البحث : The Purpose of the Research**

يهدف هذا البحث في جانبه النظري الى المقارنة بين خوارزمية التحديد والتفریع مع طریقة دالة الجزاء حل البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية وذلك لتقدیر الحاجة السنوية لكميات لبعض الادوية والمستلزمات الطبية بشكل دقيق وصحيح بالاعتماد على البيانات والمعلومات عن كمية الاستعمال الفعلي للادوية والمستلزمات الطبية في كل من المستشفيات والمؤسسات الصحية خلال مدة معينة .

**2- الجانب النظري :****[1][2][3][4][5][6] 1- البرمجة ثنائية المستوى**

تعرف برمجة Bi\_level بصورة عامة بأنها برنامج رياضي حيث تشمل مشكلة الامثلية على مشكلة امتيازية اخرى بصورة قيد وهنا يمكن وصفها بشكل ادق بأنها لعبة غير متكافئة من شخصين يكون اللعب بها متسلسلاً ولا يسمح بالتعاون . وحظيت هذه المشكلة باهتمام كبير جداً في مجتمع البرمجة الرياضية بسبب انتشار التطبيقات واستخدام الخوارزميات التطورية في معالجة هذه المشاكل ، وتعرف البرمجة ثنائية المستوى كالتالي :

$$( U P ) \quad \begin{array}{ll} \min & F(x, y) \\ S.t & \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} \min & f(x, y) \\ S.t & \end{array}$$

$$( L P ) \quad \begin{array}{ll} g(x, y) & \leq 0 \\ S.t & \\ x, y & \geq 0 \end{array}$$

$$\begin{aligned} F : R^{n \times m} &\rightarrow R^1, f : R^{n \times m} \rightarrow R^1 \\ g : R^{n \times m} &\rightarrow R^q, X \in R^n, \quad y \in R^m \end{aligned}$$

حيث  $F$  و  $f$  هي دوال الهدف المستقل والتابع على التوالي والمنطقة الممكنة للحل :  
 $S = \{(x, y) | g(x, y) \leq 0, x, y \geq 0\}$

### الافتراضات الاساسية لمشكلة البرمجة ثنائية المستوى

1. منطقة القيود لمشكلة البرمجة ثنائية المستوى هي :

$$S = \{(x, y) \in x, y; |G(x, y) \leq 0, g(x, y) \leq 0\}$$

2.  $S$  هي قرار المستقل وتكون كالتالي :

$$S(x) = \{x \in x, \exists y \in y, \text{such that } (x, y) \in S\}$$

3. الحلول الممكنة للمستوى الادنى هي :

$$S(x) = \{y \in y; g(x, y) \leq 0\}$$

4. رد فعل المستوى الادنى لكل ثابت يكون كالتالي :

$$P(x) = \{y \in : y \underset{\text{argmin}}{f(x, y)}; y \in S(x)\}$$

5. منطقة الحلول الممكنة (The inducible region) لمشكلة البرمجة ثنائية المستوى هي :

$$IR = \{(x, y) \in x, y; (x, y) \in S, y \in P(x)\}$$

ومن خلال هذه الافتراضات فان مشكلة البرمجة ثنائية المستوى تحسن أي تعظم دالة الهدف للمستوى الاعلى من خلال منطقة الحلول الممكنة (The inducible region).

### تعريف : Definition

دالة Fischer – Burmeister تكون كالتالي:

$$\Phi: R^2 \rightarrow R, \Phi(a, b) = a + b - \sqrt{a^2 + b^2} \text{ or}$$

$$\Phi: R^3 \rightarrow R, \Phi(a, b, \varepsilon) = a + b - \sqrt{a^2 + b^2 + \varepsilon},$$

حيث  $a \geq 0, b \geq 0, ab = 0 \Leftrightarrow \Phi(a, b, \varepsilon) = 0$

وباستخدام دالة (Fischer – Burmeister)

$$\Phi(a, b, \varepsilon) = a + b - \sqrt{a^2 + b^2 + \varepsilon},$$

للمشكلة التي تكون كالتالي:

$$\text{Min } F(x, y, \mu)$$

S.t

$$\nabla_y L(x, y, \mu) = 0$$

$$\mu_i - g_i(x, y) - \sqrt{\mu_i^2 - g_i^2(x, y) + \varepsilon} = 0, i = 1, 2, \dots, m$$

$x, y, \mu_i \geq 0, i = 1, \dots, m$

- حيث  $b^i + g_i(x, y) = a^i$

$a = \mu_i \geq 0, b = -g_i(x, y)$  تكون  $i$ -th من الصفوف ل  $A, B$  على التوالي وان

وذلك بافتراض ان:

$$G(x, y, \mu) = \begin{bmatrix} \mu_1 - g_1(x, y) - \sqrt{\mu_1^2 + g_1^2(x, y) + \epsilon} \\ \mu_2 - g_2(x, y) - \sqrt{\mu_2^2 + g_2^2(x, y) + \epsilon} \\ \vdots \\ \mu_m - g_m(x, y) - \sqrt{\mu_m^2 + g_m^2(x, y) + \epsilon} \end{bmatrix}.$$

$$\mathbf{H}(x, y, \mu) = \nabla_y L(x, y, \mu).$$

(2) طريقة دالة الجزاء [12] [1] [13] [6]Penalty function method

وهي احدي الطرائق المهمة لحل المشكلة ثنائية المستوى غير الخطية ، حيث تقوم بتحويل قيود المشكلة الى مشكلة غير مقيدة مفردة ، او الى متسلسلة من المشاكل غير المقيدة . حيث القيود تعتمد دالة الهدف بواسطة معلمات الجزاء . وفي هذه الطريقة المستوى الادنى للمشكلة يعتمد على المستوى الاعلى لدالة الهدف مع الجزاء . حيث طريقة دالة الجزاء تستخدم لتحويل المشكلة الى مشكلة غير مقيدة .

$$\min F(x, y, M)$$

S.t

$$\begin{aligned} \mathbf{H}(x, y, M) &= 0 \\ \mathbf{G}(x, y, M) &= 0 \\ x, y, M &\geq 0 \\ t &= (x, y, M) \end{aligned} \quad (1)$$

ويمكن كتابتها بالشكل الاتي :

$$\text{Min } F(x, y, M) + M_1 H(x, y, M) + \sum M_i (G(t))^2 \quad (2)$$

حيث  $G_j(t)$  هي صفوف المصفوفة  $G(t)$  و  $M_i$  تؤخذ من معادلات الجزاء ، والمعادلة الثانية سوف تستخدمها لحل خطوات حل الطريقة اعلاه وكالاتي :

افرض ان لدينا متوجه  $X$  ، والاتجاه الاول الذي نحدده  $d$  و تكون  $f$  minimize تقليل لـ  $X$  عند الاتجاه  $d$  . فأن الطريقة على الطول تكون للاتجاهات  $(d_1, d_2, \dots, d_{n-1})$  ، حيث  $d_j$  ،  $j = 1, 2, \dots, n$

صفرى عدا عند  $j^{th}$  يكون واحد و  $d_n$  تكون  $(\frac{1}{\sqrt{n}}, \frac{1}{\sqrt{n}}, \dots, \frac{1}{\sqrt{n}})$  .

الطريقة تستخدم الاتجاهات الاتية :

$$d_1 = (1, 0, \dots, 0), \quad d_2 = (0, 1, \dots, 0), \dots, \quad d_{n-1} = (0, \dots, 1, 0)$$

حيث  $X$  تتغير بينما كل المتغيرات تبقى ثابتة . وسوف نلخص الطريقة اعلاه لتقليل الدالة minimization ( ) الى عدة متغيرات وكالاتي :

#### (1) الخطوة الاولية :

اختيار  $\epsilon > 0$  تستخدم لتحديد الخوارزمية . ونفترض  $(d_1, d_2, \dots, d_{n-1})$  تنسق الاتجاهات وان  $d_n$  تكون متوجه  $\frac{1}{\sqrt{n}}$  ، ونختار النقطة الاولية  $x_1 = y_1$  ، حيث نفترض  $k = j = 1$  ،  $x_1 = y_1$  وبعدها نذهب للخطوة اللاحقة .

#### (2) الخطوة الرئيسية :

نفترض  $M_j$  هي الحل الامثل للمشكلة لتقليل  $(y_j + M_j d_j)$  ، ونفترض  $y_{j+1} = y_j + M_j d_j$  اذا  $j < n$  نستبدل  $j$  بـ  $j+1$  ، وتكرر الخطوة الاولى وغير ذلك اذا  $(j = n)$  نذهب للخطوة اللاحقة .

## (3) الخطوة النهائية : Termination

افرض  $x_{k+1} = y_{n+1}$  اذا  $\epsilon < \|x_{k+1} - x_k\|$  او توقف وغير ذلك افترض  $y_1 = x_k$  ونستبدل  $k + 1$  بـ  $j$  وتعاد الخطوة (الخطوة الرئيسية).

وسوف نستخدم النظرية الاتية والتي أثبتت لتحويل الخوارزمية لحل المشكلة بشكل تقليل  $f(x)$  بالنسبة الى  $x \in R^n$ . وتبين لنا ان الخوارزمية تكون (n) من الاتجاهات المستقلة الخطية وتحدد النقطة الجديدة من خلال سلسلة لتقليل  $f$  على طول الاتجاهات لتصل الى النقطة المستمرة.

[1] [4] نظرية Theorem

افرض أن المشكلة كالتالي :

$$\begin{array}{ll} \min_{s.t.} f(x) \\ g_i(x) \leq 0 & i = 1, 2, \dots, m \\ h_j(x) = 0 & j = 1, 2, \dots, l \end{array}$$

حيث  $f$  هي دوال مستمرة عند  $x \in R^n$  و  $g_1, g_2, \dots, g_m$  ،  $h_1, h_2, \dots, h_l$  هي دوال مستمرة عند  $x \in R^n$ . وافرض ان الحل مقبول و دالة مستمرة.

$$\propto(x) \sum_{i=1}^m \Phi[g_i(x)] \sum_{j=1}^l \Phi[h_j(x)]$$

حيث

$$\begin{array}{ll} \Phi(y) = 0 & \text{if } y \leq 0 \\ \Phi(y) > 0 & \text{if } y > 0 \\ \Phi(y) = 0 & \text{if } y = 0 \\ \Phi(y) > 0 & \text{if } y \neq 0 \end{array}$$

اذن :

$$\inf\{f(x) : g(x) \leq 0, h(x) = 0, x \in X\}$$

$$\inf\{f(x) : x \in X\}$$

حيث  $\mu \rightarrow \infty$  ثابت كبير موجب

## (3-2) خوارزمية التفريغ والتحديد Branch and Bound algorithms

[8] [10] [9] [11] [6]

تستخدم عندما يكون المستوى الادنى للمشكلة محدب ومنتظم ونستخدم به شروط (KKT) ، خوارزمية التفريغ والتحديد تتضمن حل سلسلة من المشاكل بدلاً من حل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى بصورة مباشرة بحيث نستخدم شروط (KKT) لتعريف المستوى الاول لمشكلة الامثلية حيث :

$$BP_{KKT}: \min_{x, y, \lambda} F(x, y) = C^1 x + C^2 y$$

$$\text{Subject to } G_i(x, y) \geq 0 \quad i \in T$$

$$\text{and } \nabla_y J(x, y, \lambda) \approx 0$$

$$g_i(x, y) \geq 0 \quad i \in p$$

$$\lambda_i g_i(x, y) = 0 \quad i \in p$$

$$\lambda_i \geq 0 \quad i \in p$$

حيث  $\mathcal{J}(x, y, \lambda) = f(x, y) - \sum_{i=1}^1 \lambda_i g_i(x, y)$  وهي مرتبطه بمتوجه مضاعف لاكرانج و  $x$  وهي دالة لاكرانج للمستوى الادنى للمشكلة وتعرف عند

$$\nabla_y \mathcal{J}(x, y, \lambda) = \frac{\partial}{\partial y_i} \mathcal{J}(x, y, \lambda)_{i \in M}$$

$M = \{1, 2, \dots, m\}$  هي الميل بالنسبة لمتجه  $y$  وان شروط ( Complementary Slackness ) تكون بصورة عامة غير خطية وغير محدبة ، وهي تكون جيدة باتباعها للبرمجة ثنائية المستوى مع شروط ( Karsh \_ Kuhn \_ Tucker ) أي  $BP_{KKT}$  وذلك ان شروط ( Complementary Slackness ) تكون قيودها جداً معددة لتحقيق الحل له  $BP_{KKT}$  . حيث ان خوارزمية ( Branch and Bound ) تحاول تقديم هذه الشروط لتكون هي الحل للمشكلة ، وهذا الهدف يحقق من خلال بناء شجرة للمشاكل تستخرج من (  $BP_{KKT}$  ) عند العقدة او الجذر الاولى لهذه الشجرة يكون للمشكلة :

$$P_0: \min_{x, y, \lambda} F(x, y)$$

$$\text{Subject to } G_i(x, y) \geq 0 \quad i \in T$$

$$\text{and } \nabla_y \mathcal{J}(x, y, \lambda) = 0$$

$$g_i(x, y) \geq 0 \quad i \in p$$

$$\lambda_i \geq 0 \quad i \in p$$

وهذه المشكلة تحل كالتالي :

1- اذا شروط ( Complementary Slackness ) تكون  $\lambda_i g_i(x, y) = 0$  عندها فأن زوجان من العقد  $k$  تعرف واحدة منها العقدة  $k_1$  تحتوي على المشكلة  $p_k$  تحتوي على العقدة  $k_2$  مع اضافة القيد  $0 = \lambda_i$  ، والعقدة الاخرى تحتوي على  $p_k$  اضافة القيد  $0 = g_i(x, y)$  . ولذلك فأن اي حل للمشاكل عند العقدة  $k_1$  مع  $k_2$  يحقق  $j^{th}$  من شروط ( Complementary Slackness ) .

2- اذا كان لا يوجد حل للمشكلة عند النقطة  $k$  عندها فأن الجذور تكون عند النقطة  $k$  غير موسعة لأن جميع المشاكل سوف تكون غير مقبولة .

اذا كان الحل عند النقطة  $k$  يحقق جميع شروط ( Complementary Slackness ) عندها يكون الحل لمشكلة  $BP_{KKT}$  معرف . وقيمة دالة الهدف تقارن بالنسبة للحل الافضل الذي يوجد بشكل بعيد جداً وذلك لأن الحل الذي وجد هو ايضاً حل للمشاكل عند العقدة الحالية وتكون غير موسعة للمدى البعيد . والجذور تكون لا تحقق الحل لمشكلة  $BP_{KKT}$  عند النقطة الحالية

### (1-3) الجانب التجربى

في هذا الجانب تم استخدام اسلوب المحاكاة باستخدام طريقة مونت كارلو لغرض حل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية وفقاً للطراائق التي تقدم ذكرها ، فقد تم تحديد ما يأتي :

- 1 - اختيرت احجام مختلفة للعينات صغيرة ومتوسطة وكبيرة وكبيرة جداً.
- 2 - تم تكرار كل تجربة ( 2 )  $R = 5000$

### 3- الخطاب مقدار $\epsilon = 0.01$

4- ان تجارب المحاكاة المقامة في هذا الفصل تتضمن دراسة طرفيتين من طرائق حل البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية بهدف المقارنة والتحليل ومدى ملائمة هاتان الطرفيتين عند مختلف القيم وهي : طريقة دالة الجزاء  $Branch and algorithms$  و خوارزمية التفريغ والتحديد  $Penalty function methods$  حيث استخدمت الطرفيتين أعلاه في دراسة تجارب المحاكاة حيث أن الخطوة الرئيسية هي توليد سلسلة من القيم العشوائية التي تتبع التوزيع المنتظم المستمر . وبالتالي تهيئة وسيلة رياضية لتحويل الرقم العشوائي المنتظم الى متغير عشوائي يتبع التوزيع الطبيعي وعليه فأن توليد المتغيرات الطبيعية يتم باستخدام تحويل بوكس ملر وهو من الانواع التي تعتمد على بيانات المشكلة قيد الدراسة وتسمى المحاكاة المقيدة، وتعمل المحاكاة على توليد الارقام العشوائية وبتوزيع المنتظم  $(0,1)$  وبالاعتماد على هذه الارقام نقوم

بتوليد المتغيرات العشوائية بحسب توزيع معين وهناك عدة طرائق لهذا التوليد، وبعدها نقوم بتوليد متغيرات من خلال عدة نماذج اعدت لهذا الغرض، واخيرا نكرر تجربة المحاكاة لعدة مرات لكي نحصل على بيانات قريبة من الواقع.  
وصيغة بوكس ملر كالتالي :

$$u_1(t) = [-2 \ln u_1]^{\frac{1}{2}} [\sin(2\pi u_2)]$$

$$u_2(t) = [-2 \ln u_1]^{\frac{1}{2}} [\cos(2\pi u_2)]$$

حيث أن  $(u_1, u_2)$  متغيران مستقلان يتبعان التوزيع المنظم  $.U(0, 1)$ .

6- تم تنفيذ البرامج الخاصة للجانب التجاري باستخدام لغة (Matlab18B) لتنفيذ طرائق حل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية.

### 2-3) مناقشة تجارب المحاكاة :

بعد تطبيق تجارب المحاكاة تم الحصول على النتائج التالية :

جدول رقم (1) يبين نتائج حل طريقي التحديد والتفرع وطريقة دالة الجزاء بمقدار خطأ  $\epsilon = 0.01$  وتكرار  $R=5000$  ولحجم العينات المختلفة .

| حجم العينة n | الطرق            |       |       |                  |       |       |        |
|--------------|------------------|-------|-------|------------------|-------|-------|--------|
|              | Branch and Bound |       |       | Penalty Function |       |       | Best   |
|              | x                | y     | z     | x                | y     | z     |        |
| 20           | 9.14             | 9.18  | 10.50 | 17.77            | 13.60 | 17.00 | Branch |
| 50           | 9.92             | 9.93  | 10.34 | 18.15            | 14.00 | 16.29 | Branch |
| 100          | 10.65            | 10.66 | 10.70 | 18.59            | 14.40 | 15.12 | Branch |
| 150          | 11.00            | 11.01 | 10.33 | 18.78            | 14.71 | 15.40 | Branch |
| 200          | 11.27            | 11.27 | 10.45 | 19.02            | 14.83 | 12.87 | Branch |
| 250          | 11.50            | 11.51 | 11.47 | 19.08            | 15.01 | 15.69 | Branch |
| 300          | 11.66            | 11.66 | 9.93  | 19.22            | 15.15 | 14.90 | Branch |
| 350          | 11.87            | 11.87 | 10.15 | 19.21            | 15.12 | 14.43 | Branch |
| 400          | 12.01            | 12.01 | 9.74  | 19.29            | 15.22 | 12.24 | Branch |
| 450          | 12.11            | 12.11 | 9.83  | 19.37            | 15.31 | 11.64 | Branch |
| 500          | 12.18            | 12.19 | 9.91  | 19.40            | 15.32 | 13.52 | Branch |
| 550          | 12.31            | 12.31 | 10.04 | 19.41            | 15.34 | 12.06 | Branch |
| 600          | 12.42            | 12.42 | 11.31 | 19.46            | 15.36 | 14.94 | Branch |
| 650          | 12.50            | 12.51 | 11.12 | 19.50            | 15.38 | 13.29 | Branch |
| 700          | 12.85            | 12.85 | 10.94 | 19.61            | 15.49 | 13.08 | Branch |
| 750          | 12.63            | 12.63 | 10.75 | 19.65            | 15.55 | 13.03 | Branch |
| 800          | 12.68            | 12.68 | 10.80 | 19.68            | 15.58 | 11.68 | Branch |
| 850          | 12.74            | 12.74 | 10.86 | 19.70            | 15.61 | 14.81 | Branch |
| 900          | 12.79            | 12.79 | 10.91 | 19.72            | 15.63 | 14.16 | Branch |
| 950          | 12.83            | 12.83 | 10.95 | 19.77            | 15.66 | 14.79 | Branch |
| 1000         | 12.88            | 12.88 | 11.01 | 19.79            | 15.68 | 12.93 | Branch |

بعد اتمام الجانب التجربى تم التوصل الى افضلية خوارزمية التحديد والتفریع Branch and Bound algorithms في حل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية في حالة حجوم البيانات الصغيرة والكبيرة جداً، واعتمدت هذه الطريقة في الجانب التطبيقي لكونها اعطت النتائج وبأقل قيمة لدالة الهدف Z.

#### (1-4) الجانب التطبيقي :

في هذا الجانب تم تطبيق خوارزمية التفريغ والتحديد Branch and Bound algorithms لحل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية على البيانات الحقيقة الخاصة بشركة تسويق الادوية والمستلزمات الطبية (كيماديا) بالاعتماد على برامج كتب بلغة (MATLA B18B).

#### (2-4) فكرة عامة عن شركة تسويق الادوية والمستلزمات (كيماديا) :

كيماديا هي الشركة العراقية الوحيدة المتخصصة التي تقوم بتوفير وحزن وتسويق وتوزيع الدواء والمستلزمات الطبية والاجهزة على المستشفيات العامة العيادات الشعبية والمراکز الصحية )أذ أنها المستوردة الوحيدة للقطاع العام كما تقوم بوضع القواعد الأساسية لتحديد الاسعار لكل صنف من الادوية والمستلزمات الطبية لضمان السعر المناسب للمواطن والصيادليات والجهات ذات العلاقة وتعمل كذلك على تحضير كميات من الادوية (الدوية الطوارئ والادوية المنقذة للحياة) وكذلك المستلزمات الضرورية استعماله بشكل استثنائي في الظروف الطارئة بالإضافة الى التعطية جزء من احتياجات المؤسسات الصحية في الادوية والمستلزمات عن طريق الانتاج الوطني.

#### تعريف متغيرات القرار :-

يمكن صياغة اهداف وعناصر مشكلة تحديد الكميات المثلث من الادوية والمستلزمات الطبية المستوردة بالآتي اذ ان متغيرات المشكلة المدرسية هي خمس عشرة من الكميات المستوردة للدواء او المستلزم طبي :

- X<sub>1</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Digoxin 250 mcg scored tab)
- X<sub>2</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Diazepam ini 5mg/ml (2ml) Ampoule)
- X<sub>3</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Etoposide 50 mg capsule)
- X<sub>4</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Etoposide inj 20/ml or 100mg /5ml vial)
- X<sub>5</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Tetanus vaccine)
- X<sub>6</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (BCG).
- X<sub>7</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Measlaes .)
- X<sub>8</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Polie inj vaccine)
- X<sub>9</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Insulin isophane(NHP) 100 Units/ml injection)
- X<sub>10</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Etoposide 100 mg capsule)
- X<sub>11</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Insulin neutral 100 units/ml injection)
- X<sub>12</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Surgical gauze swabs(45\*45) cm (pack 100) pcs)
- X<sub>13</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Disposable operation latex gloves sterile size 7/0.5 peel pack)
- X<sub>14</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Band aid(2.2\*2.2) cm (pack of 100))
- X<sub>15</sub> : تمثل الكمية المستوردة من المادة (Paper tape plaster)

#### (3-4) وصف البيانات:-

لفرض تحديد عناصر مشكلة تحديد الكميات المثلث من الادوية والمستلزمات الطبية التي تسد حاجة الوزارة الصحة منها معتمدين على منهجية علمية صحيحة تم دراسة المشكلة دراسة وافية لتعرف على المشكلة وتحديد عناصرها لذا قمنا بزيارات متعددة الى الشركة العامة لتسويق الادوية والمستلزمات الطبية لتحديد

معاملات الاتموذج تمكنا من الحصول على معاملات المشكلة الممثلة بما يلى:

1. حاجة وزارة الصحة من الادوية والمستلزمات الطبية والتي تم الحصول عليها من

السجلات الخاصة بالشركة وهي كما موضحة في الجدول(2)

2. السعر الادوية والمستلزمات الطبية بالدولار

**جدول(2) يوضح الاحتياج والسعر بالدولار**

| الدواء او المستلزمات الطبية                                    | الكمية التي تحتاجها من امبولة , كبسولة , فيال | السعر بالدولار | كلفة الطلب |
|--|---|----------------|------------|
| Digoxin 250 mcg scored tab                                     | 4703166                                       | 0.29           | 1363918.14 |
| Diazepam ini 5mg/ml (2ml) Ampoule                              | 3332614                                       | 0.8            | 2666091.2  |
| Etoposide 50 mg capsule  | 25033   | 10             | 250330     |
| Etoposide inj 20/ml or 100mg /5ml vial                         | 4000000                                       | 9.2            | 36800000   |
| Tetanus vaccine  | 5600000                                       | 0.10           | 56000      |
| BCG  | 5000000                                       | 0.50           | 2500000    |
| Measlaes   | 805050  | 0.61           | 491080.5   |
| Polie inj vaccine  | 34906   | 11             | 383966     |
| Insulin isophane(NHP) 100 Units/ml ing ection                  | 793500  | 4.99           | 3959565    |
| Etoposide 100 mg capsule                                       | 25900   | 73             | 1890700    |
| Insulin neutral 100 units/ml ingleton                          | 613668  | 3.90           | 2393305.2  |
| Surgial gauze swabs(45*45) cm (pack 10 0) pcs                  | 590220  | 59             | 34822980   |
| Disposable operation latex gloves sterile size 7/0.5 peel pack | 6560150                                       | 0.45           | 2952067.5  |
| Band aid(2.2*2.2) cm (pack of 100)                             | 66335   | 0.70           | 46434.4    |
| Paper tape plaster   | 289920  | 6.80           | 1971456    |

3- المساحة المستغلة لكل دواء ومستلزم مقاسة بالسنتيمتر المكعب ماخوذة من بيانات الشركة العامة لتسويق الأدوية والمستلزمات الطبية.

**جدول(3) يوضح مساحة كل دواء ومستلزم مقاسة بال سم<sup>3</sup>**

| مساحة الكارتونة | الكمية بالkartonne | مساحة كل دواء او مستلزم |
|-----------------|--------------------|-------------------------|
| 55000           | 5000               | 12.25                   |
| 56000           | 696000             | 0.89109                 |
| 3250            | 40                 | 95.74                   |
| 120000          | 445                | 320.29                  |
| 6930            | 5000               | 2.757                   |
| 16945.6         | 30000              | 0.756                   |
| 6030            | 3000               | 2.757                   |
| 3250            | 6000               | 0.572                   |
| 50000           | 600                | 70                      |
| 3500            | 100                | 39.4                    |
| 40000           | 700                | 65                      |
| 49000           | 700                | 105                     |
| 45650           | 5000               | 2.09                    |
| 500000          | 13000              | 27                      |
| 350000          | 13000              | 27                      |

**4-4) الأنموذج الرياضي للمشكلة :**

تم صياغة أنموذج مشكلة برمجة ثنائية المستوى غير الخطية اعتماداً على البيانات المأخوذة من شركة تسويق الأدوية والمستلزمات الطبية و نوع المشكلة المراد حلها حيث يتطلب بناء الأنموذج أولاً تحديد متغيرات القرار التي تمثل الكميات المثلثة من الأدوية والمستلزمات الطبية التي تحتاجها الوزارة ومساحة كل مستلزم او دواء بالسنتيمتر المكعب والتي تم تعريفها اعلاه ،  
وان الكمية المثلثة التي تحتاجها الوزارة من الأدوية والمستلزمات:

$$\text{Min } Z = 0.29 X_1 + 0.8 X_2 + 10 X_3 + 9.1 X_4 + 0.10 X_5 + 0.50 X_6 + 0.61 X_7 + 11X_8 + \\ 4.99X_9 + 73X_{10} + 3.90 X_{11} + 59X_{12} + 0.45X_{13} + 0.70X_{14} + 6.80X_{15}$$

**قيود الطلب**

$$\begin{aligned} X_1 &\geq 4703166 \\ X_2 &\geq 3332614 \\ X_3 &\geq 25033 \\ X_4 &\geq 4000000 \\ X_5 &\geq 560000 \\ X_6 &\geq 5000000 \\ X_7 &\geq 805050 \\ X_8 &\geq 34906 \\ X_9 &\geq 793500 \end{aligned}$$

$$X_{10} \geq 25900$$

$$\begin{aligned} X_{11} &\geq 613668 \\ X_{12} &\geq 590220 \\ X_{13} &\geq 6560150 \\ X_{14} &\geq 66335 \\ X_{15} &\geq 289920 \end{aligned}$$

**قيود المساحة**

$$X_1 \geq 12.25$$

$$\begin{aligned} X_2 &\geq 0.89109 \\ X_3 &\geq 95.74 \\ X_4 &\geq 320.29 \\ X_5 &\geq 2.757 \\ X_6 &\geq 0.756 \\ X_7 &\geq 2.757 \\ X_8 &\geq 0.572 \\ X_9 &\geq 70 \\ X_{10} &\geq 39.4 \\ X_{11} &\geq 65 \\ X_{12} &\geq 105 \\ X_{13} &\geq 2.09 \\ X_{14} &\geq 27 \\ X_{15} &\geq 27 \end{aligned}$$

**قيود عدم السالبية**

$$X_i \geq 0$$

بعد ان تم بناء الانموذج النهائي وتحويله الى قيود من تطبيق البيانات الخاصة بشركة تسويق الادوية والمستلزمات الطبية (كيماديا ) في الجداول اعلاه طبقاً للنتائج التي تم الحصول عليها في الجانب التجريبي بالاعتماد على برامج كتبت بلغة (MATLAB 18B) تم الحصول على نتائج الطرائق المقارنة بين الطريقتين وكالاتي:

### Branch and Bound Algorithm

$$Z = 193.1515$$

$$(x, y) = (1929.3, 2249.0)$$

### Penalty function methods

$$Z = 61554$$

$$(x, y) = (69285000, 981000)$$

بالاستناد الى نتائج الجانب التجريبي للبيانات المولدة فان طريقة التفريغ والتحديد Branch and Bound Algorithm هي الافضل فتعد كلفة الطريقة والتي تساوى 193.1515 التي حصلنا عليها بناءاً على الجانب التجريبي و بالاعتماد على برنامج كتبت بلغة (MATLAB 18B) والبيانات الحقيقة لشركة تسويق الادوية والمستلزمات الطبية (كيماديا) ، ان خوارزمية التحديد والتفريغ هي الافضل في حالة حجوم العينات الصغيرة والكبيرة والمتوسطة والكبيرة جدا.

حيث تكون الكمية المثلى من الادوية والمستلزمات الطبية لشركة (كيماديا) :

$$\text{Min } Z = 193.1515$$

وذلك بالاسعار الآتية لكل دواء :

|                   |          |                      |
|-------------------|----------|----------------------|
| الدواء الاول      | $X_1$    | عند السعر 0.29 دولار |
| الدواء الثاني     | $X_2$    | عند السعر 0.8 دولار  |
| الدواء الثالث     | $X_3$    | عند السعر 10 دولار   |
| الدواء الرابع     | $X_4$    | عند السعر 9.1 دولار  |
| الدواء الخامس     | $X_5$    | عند السعر 0.10 دولار |
| الدواء السادس     | $X_6$    | عند السعر 0.50 دولار |
| الدواء السابع     | $X_7$    | عند السعر 0.61 دولار |
| الدواء الثامن     | $X_8$    | عند السعر 11 دولار   |
| الدواء التاسع     | $X_9$    | عند السعر 4.99 دولار |
| الدواء العاشر     | $X_{10}$ | عند السعر 73 دولار   |
| الدواء الحادي عشر | $X_{11}$ | عند السعر 3.90 دولار |
| الدواء الثاني عشر | $X_{12}$ | عند السعر 59 دولار   |
| الدواء الثالث عشر | $X_{13}$ | عند السعر 0.45 دولار |
| الدواء الرابع عشر | $X_{14}$ | عند السعر 0.70 دولار |
| الدواء الخامس عشر | $X_{15}$ | عند السعر 6.80 دولار |

وتكون الكمية المثلى للطلب (1929.3) كارتون و المساحة المثلى للدوااء (2249.0).

**Conclusions****الاستنتاجات :**

- من خلال تنفيذ تجارب المحاكاة وبناءً على ما تم تحليله من نتائج الجانب التجريبي فقد تم التوصل الى الاستنتاجات الآتية :
1. بشكل عام اظهرت نتائج تجارب المحاكاة افضلية طريقة التفريغ والتحديد المقترنة لانها اظهرت اقل قيمة دالة الهدف في مختلف حجوم العينات .
  2. طريقة التحديد والتفرير في حالة حجوم العينات الصغيرة والمتوسطة والكبيرة والكبيرة جدا هي الافضل وذلك بالاعتماد على اقل دالة الهدف من حيث تقليل الكلفة.

**Recommendation****التصويبات :**

1. يوصي الباحثان باعتماد طريقة التحديد والتفرير في حالة حجوم العينات الصغيرة والكبيرة والمتوسطة والكبيرة جدا.
2. يوصي الباحثان بإجراء بحوث مستقبلية وباستعمال طرائق حل مختلفة لحل مشكلة البرمجة ثنائية المستوى غير الخطية .
3. يوصي الباحثان بان تفكر الدولة في انتاج الادوية التي عليها طلب متزايد والتي تعد ذات مردود اقتصادي جيد للدولة وبالاخص لدينا كواذر علمية (أطباء وصيادلة) كفؤين وكذلك وجود شركة سامراء لانتاج الادوية والتي تعد من الشركات المميزة واضافة الى وجود شركات وطنية اخرى .
4. يوصي الباحثان باستخدام خوارزمية التحديد والتفرير لشركة تسويق الادوية والمستلزمات الطبية لانها اظهرت افضل النتائج لتقليل الكلفة.

**المصادر :**

- 1- Ghadimi, S., & Wang, M. (2018). Approximation Methods for Bilevel Programming. arXiv preprint arXiv:1802.02246.
- 2- Hosseini, E., & Kamalabadi, I. N. (2013). Solving linear-quadratic bi-level programming and linear-fractional bi-level programming problems using genetic algorithm. *Applied Mathematics and Computational Intelligence*, 2(2), 169-182
- 3 Hosseini, E., & Kamalabadi, I. N. (2014). Taylor approach for solving non-linear bi-level programming problem. *Advances in Computer Science: an International Journal*, 3(5), 91-97.
- 4Hosseini, E., & Kamalabadi, I. N. (2015). Bi-section algorithm for solving linear Bi-level programming problem. *Int. J. Sci. Eng*, 1, 101-107.
- 5-Wan, Z., Mao, L., & Wang, G. (2014). Estimation of distribution algorithm for a class of nonlinear bilevel programming problems. *Information Sciences*, 256, 184-1967- Hosking, J.R.M. ,(1986), *The theory of probability*
- 6- Case, L. M. (1997). An  $\| \cdot \|_1$  penalty function approach to the nonlinear bilevel programming problem.
- 7-Hosseini, E., & Kamalabadi, I. N. (2015). Two approach to solve nonlinear bilevelfor solving non-linear bi-level programming problem. *Advances in Computer Science: an International Journal*
- 8-Hansen, P., Jaumard, B., & Sa-vard, G. (1992). New branch-and-bound rules for linear bilevel programming. *SIAM Journal on scientific and Statistical Computing*, 13(5), 1194-1217.
- 9-Colson, B., Marcotte, P., & Savard, G. (2005). Bilevel programming: A survey. *4or*, 3(2), 87-107

- 10- Edmunds, T. A., & Bard, J. F. (1991). Algorithms for nonlinear bilevel mathematical programs. *IEEE transactions on Systems, Man, and Cybernetics*, 21(1), 83-89
- 11- Bard, J. F., & Moore, J. T. (1990). A branch and bound algorithm for the bilevel programming problem. *SIAM Journal on Scientific and Statistical Computing*, 11(2), 281-292
- 12- Colson, B., Marcotte, P., & Savard, G. (2005). Bilevel programming: A survey. *4or*, 3(2), 87-107.
- 13- Sinha, A., Malo, P., & Deb, K. (2017). A review on bilevel optimization: From classical to evolutionary approaches and applications. *IEEE Transactions on Evolutionary Computation*, 22(2), 276-295.
- 14- White, D. J., & Anandalingam, G. (1993). A penalty function approach for solving bi-level linear programs. *Journal of Global Optimization*, 3(4), 397-419.

## "Comparison Branch and Bound Algorithm with Penalty Function Method for solving Non-linear Bi-level programming with application "

\*\*Prof. Hamed Saad Noor Al-Shamrty  
Al-Bayan University  
hamed-Al-shemarty@yahoo.com

\* Hebaa Fadheel Al-Sudanei  
Al-Mustansiryah University  
hebaaalharbee@yahoo.com

Received :27/11/2019      Accepted :27/1/2020      Published :April / 2020



This work is licensed under a [Creative Commons Attribution-NonCommercial 4.0 International \(CC BY-NC 4.0\)](https://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/)

### Abstract :

The problem of Bi -level programming is to reduce or maximize the function of the target by having another target function within the constraints. This problem has received a great deal of attention in the programming community due to the proliferation of applications and the use of evolutionary algorithms in addressing this kind of problems. Two non-linear bi-level programming methods are used in this paper. The goal is to achieve the optimal solution through the simulation method using Monte Carlo method using different small and large sample sizes. The research reached the Branch Bound algorithm was preferred in solving the problem of non-linear two-level programming this is because the results were better.

**KEY WORD:** Non-linear Bi-level programming, Penalty Function Method, Branch and Bound