

## المربعات الصغرى المشدبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي

### في تلوث مياه نهر دجلة/ محافظة واسط

أ.م.د عمر عبد المحسن علي / كلية الإدارة والاقتصاد - جامعة بغداد  
الباحث/ خالد جمال كاظم

تاريخ التقديم: 2018/4/26

تاريخ القبول: 2018/7/31

### المستخلص

في كثير من الأحيان يفشل تحليل المربعات الصغرى (LS) تماماً في حالة وجود قيم شاذة في الظواهر المدروسة، إذ ستفقد OLS خصائصها ومن ثم تفقد صفة المقدر الخطي الجيد **Best Linear Unbiased Estimator (BLUE)** لما تسببه الشواذ **Outliers** من تأثير سيئ على نتائج التحليل الاحصائي للبيانات إذ أن وجودها يؤدي الى إرباك كبير في تحليل البيانات في حالة استخدام الطرائق التقليدية، ولعلاج هذه المشكلة تم تطوير أساليب إحصائية جديدة بحيث لا تتأثر بالقيم الشاذة بسهولة. هذه الطرائق تمتاز بالحصانة أو (المقاومة). ولذا كانت طريقة المربعات الصغرى المشدبة **Least Trimmed Squares (LTS)** كبديل جيد يحقق نتائج أكثر مقبولة وأمثلية. إلا أنه يمكن افتراض أوزان تأخذ بنظر العناية مواقع تواجد القيم الشاذة في البيانات وتحددها بشكل دقيق. ولزيادة قوة التقدير بطريقة المربعات الصغرى المشدبة الموزونة **(WLTS) Weighted Least Trimmed Squares** هو بأعاده الوزن لبيانات العينة حول المقدر المطلوب بصورة تكرارية وهو ما سيدعى طريقة المربعات الصغرى المشدبة المعاد وزنها **(RWLTS) Reweighted Least Trimmed Squares**. ولتحقيق هذا البحث استعدت الحاجة الكشف والتقصي عن تأثير التلوث مياه نهر دجلة في محافظة واسط بسبب مياه الصرف الصحي وبالذات التلوث بالمواد الصلبة غير الذائبة في الماء **(TDS) Total Dissolved Solids** وتأثير ثلاث ملوثات أملاح الكبريتات **(SO<sub>4</sub>) Sulphates**، الكلورايدات **(Cl) Chlorides** والفوسفات **(PO<sub>4</sub>) Phosphates** على ذلك. وتم تقديم ذلك بدراسة احصائية وتقييمها بشكل دقيق ورفعها الى الجهات المختصة ولتحقيق هذا الهدف تم استعمال بحجم عينة (91) موقع تم سحبها وفحصها في مختبرات بلدية محافظة واسط. وتم إجراء التحليل باستعمال برنامج (MATLAB-R2015b).

**المصطلحات الرئيسية للبحث/** المربعات الصغرى، القيم الشاذة، الطرائق المشدبة، تلوث مياه الانهار.



مجلة العلوم

الاقتصادية والإدارية

العدد 109 المجلد 24

الصفحات 486-495

\*بحث مستل من رسالة ماجستير



## 1-1 مقدمة Introduction

تعد مشكلة وجود قيم شاذة (Outliers) في البيانات من المواضيع التي حازت على اهتمام كبير، وذلك لإدراك الكثير من الباحثين أن استخدام الأساليب التقليدية في تقدير معلمات نموذج الانحدار في ظل وجود هذه المشكلة ستؤدي إلى مقدرات غير جيدة. لذا كان من الضروري البحث عن طرائق بديلة تكون حصينة لظهور الشواذ في البيانات. إذ فضل بعض الباحثين عدم تغيير قيم الشواذ بل يجب إيجاد طرائق بديلة للتقدير تكون غير حساسة لها عند وجود الشواذ في العينة لأنه كما هو معلوم عملية تقدير المعلمات للنموذج المشخص تعتبر مؤشرا للحصول على تمثيل جيد للمجتمع الذي أخذت منه العينة قيد الدراسة. على الرغم من وجود طرائق حصينة مختلفة للتقدير إلا أن أغلبها تشترك في نقطتين أساسيتين هما: إعطاء وزن أقل للقيمة الشاذة التي تنحرف لتقليل من تأثيرها والأخرى هي استخدام أسلوب التكرار. وغالبا ما تظهر القيم الشاذة البيانات الحقيقية بصورة كبيرة جدا وأنها غالبا ما تظهر دون أن يلاحظها أحد وذلك بسبب أن البيانات تتم معالجتها بواسطة أجهزة الكمبيوتر من دون الكشف الدقيق. والقيم الشاذة لا تقتصر على قيم متغير الاستجابة  $y$  بل يمكن أن يكون في الجزء التفسيري  $x$  أيضاً. وكلا النوعين من الشواذ في كثير من الأحيان يفشلان تحليل المربعات الصغرى (LS) تماماً وكذلك الامكان الأعظم (ML). ولعلاج هذه المشكلة تم تطوير أساليب إحصائية جديدة بحيث لا تتأثر بالقيم الشاذة بسهولة. هذه الطرائق تمتاز بالحصانة أو (المقاومة). حيث أن هذه القيم الشاذة أما أن تأتي من بيانات لتوزيعات غير متماثلة أي يكون فيها التواء عال نحو اليمين أو نحو اليسار أو من نوعين من التوزيعات أحدهما التوزيع الأساسي والذي يولد مشاهدات جيدة بينما الآخر يسمى التوزيع الملوث والذي يولد قيما شاذة أو نتيجة لأسباب أخرى منها أخطاء يقع فيها الباحث عند تسجيل القياسات أو نتيجة وجود خلل في جهاز القياسات ولاسيما في التجارب المختبرية، أو نتيجة أخطاء في الحسابات مما يؤدي إلى ظهور القيم الشاذة.

## 2-1 هدف البحث Goal of the Research

يهدف البحث إلى تسليط الضوء على تلوث مياه نهر دجلة في محافظة واسط بمياه الصرف الصحي وذلك لأهمية المياه في حياة جميع الكائنات الحية، وإن مياه الصرف الصحي تعد من أخطر مصادر تلوث المياه لما تحتويه من مواد ضارة لا يمكن التخلص منها بسهولة، حيث تم استعمال أسلوب التشذيب (trimming) ضد وجود القيم الشاذة، ودمجها بطرائق تقدير نموذج الانحدار المعروفة، مثل: المربعات الصغرى (OLS) Ordinary least squares لتصبح Least Trimmed Squares (LTS) والامكان الأعظم (ML) Maximum Likelihood لتصبح Maximum Trimmed Likelihood (MTL)، حيث إن التشذيب في اللغة هو إبعاد الأجزاء التي لا يرتجي منها فائدة، وكذلك يهدف إلى استعمال أوزان حصينة يتم إدخالها على الطريقتين المشذبة أعلاه لتصبح Weighted Least Trimmed Squares (WLTS) و (WMTL) و Weighted Maximum Trimmed Likelihood وكذلك التعرف في الوقت نفسه على القيم الشاذة وكشفها، ومقارنة أفضلية هذا الأسلوب بإحدى معايير المقارنة مثل: (RMSE) Root Mean Square Error، وذلك من خلال المقارنة بين كفاءة الطرائق المستخدمة.

## 3-1 القيم الشاذة Outliers

هي المشاهدات في العينة التي تكون قيمها صغيرة جدا أو كبيرة جدا لمقارنة ببقية المشاهدات في العينة حيث أن وجود هذه القيم يؤثر سلبا على كفاءة الطرائق الإحصائية (ذلك لأنها سوف تنتج مقدرات غير كفوءة أي ستفقد خصائص المقدر الجيد) ويجب الكشف عن هذه القيم للحد من تأثيرها [6] p.252. ويمكن تعريفها كذلك على أنها المشاهدات التي تبدو غير منطقية عندما تتم مقارنتها ببقية البيانات أو هي المشاهدات التي تقع بعيدة عن معادلة الانحدار ويكون لها خطأ كبير مقارنة ببقية المشاهدات الطبيعية الأخرى. بينما ورد التعريف الدقيق للقيم الشاذة يستند على سياق الدراسة [11] p.1، وقد وضع Rousseeuw (1987) بياناً عن كيفية تأثير القيمة الشاذة في مقدرات طريقة المربعات الصغرى وكيف أن هذه القيمة تغير من اتجاه خط الانحدار وقد عرف العديد من الباحثين القيم الشاذة. إذ عرف Hawkins [5] p.1 المشاهدات الشاذة كالآتي: "هي المشاهدات التي تنحرف كثيرا عن المشاهدات الأخرى مما يثير الشك أنه تم توليدها بألية مختلفة".



## المربعات الصغرى المشذبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي فج تلوثة مياه نهر دجلة / محافظة واسط

اما p.2 Freeman [9] فقد عرّف المشاهدات الشاذة كالآتي: "أي مشاهدة التي لم يتم توليدها بواسطة الآلية التي ولدت أغلبية المشاهدات في مجموعة البيانات". وبذا يمكن القول أن القيمة الشاذة هي مشاهدة التي تقع بعيداً عن معظم مشاهدات العينة والتي لا تنسجم أو لا تتطابق مع بقية المشاهدات الموجودة في العينة تحت الدراسة. وأن هذه القيمة الشاذة يكون لها تأثير سلبي على المعالم المقدرّة وقد وضع Huber [7] p.1 ذلك بقوله: "أن وجود مشاهد واحدة شاذة قد يهدم المزايا الجيدة لمقدرات المربعات الصغرى".

إن تعاريف القيم الشاذة تقع في خمسة فئات p.1 [12] وأن هذه الفئات تستند إلى:

1. التوزيع: إن المشاهدة الشاذة تعد شاذة إذا انحرفت عن التوزيع الأساسي وعلى سبيل المثال في حالة التوزيع الطبيعي فإن المشاهدة الشاذة تعتبر شاذة إذا كانت تبعد عن المتوسط بمقدار ثلاثة أمثال التباين.
2. المسافة: تعرف القيم الشاذة هي القيمة التي تقع على مسافة بعيدة من النسبة المنوية للبيانات.
3. التجمّع أو التكتل: تعرف القيم الشاذة هي القيمة التي لا تلائم نمط التكتل.
4. الكثافة: يتم الكشف عن المشاهدة الشاذة من خلال المشاهدات.
5. العمق: المشاهدة الشاذة هي المشاهدة التي تقع في الطبقات الخارجية.

### 4-1 الكشف عن القيم الشاذة *Outlier Detection*:

يتم الكشف عن المشاهدات الشاذة في المتغيرات المستقلة في نموذج الانحدار الخطي المتعدد بواسطة المصفوفة  $H$  (the hat matrix) والتي تعرف بالصيغة الآتية p.217 [8].

$$H = x(x'x)^{-1}x'$$

فإذا كان  $h_{ii} > \frac{2m}{n}$  or  $h_{ii} > \frac{3m}{n}$  دل ذلك على أن المشاهدة ( $i$ ) هي مشاهدة شاذة حيث أن ( $m$ ) هي عدد المتغيرات المستقلة في النموذج و( $n$ ) هو حجم العينة، حيث أن  $h_{ii}$  هي عناصر القطر الرئيسي للمصفوفة  $H$ .

### 2- طرائق التقدير

#### 1-2 طريقة المربعات الصغرى في تقدير معالم نموذج الانحدار

تُعد طريقة المربعات الصغرى (Ordinary Least Squares: OLS) من أشهر طرق التقدير لتمييزها بخاصية أفضل تقدير خطي غير متحيز [1] p.7 (Best Linear Unbiased Estimator: BLUE). ولغرض تقدير معالم نموذج الانحدار:

$$Y_i = B_0 + B_1X_{i1} + B_2X_{i2} + \dots + B_kX_{ik} + U_i \quad ; \quad i = 1, 2, 3, \dots, n$$

يتم ذلك من خلال تصغير مجموع مربعات البواقي إلى أصغر ما يمكن:

$$Q = \sum_{i=1}^n e_i^2$$

أي يتم ذلك من خلال جعل المقدار ( $Q$ ) أصغر ما يمكن ويتم ذلك عن طريق أخذ المشتقة الجزئية لكل معلمة على حدة ومساواتها إلى الصفر:

$$\frac{\partial Q}{\partial B_i} = 0 \quad ; \quad i = 1, 2, \dots, k$$

وبحلّ المعادلات نحصل على المعالم المقدرّة وعليه فإنه مقدرات (OLS) يمكن الحصول عليها من الصيغة الآتية:

$$\hat{B}_{OLS} = (x'x)^{-1}x'y$$

إن نقطة الانهيار التي يمكن القول بأنها الحد الذي يصف مقدار مقاومة المقدر للبيانات الشاذة، لطريقة المربعات الصغرى تكون مساوية إلى  $\frac{1}{n}$  أي إنها لا تتحمل وجود الشواذ.

فإذا كان لدينا عينة بحجم ( $n$ ) وكانت بيانات العينة كالآتي

$$Z = \{(x_{11}, \dots, x_{1p}, y_1), \dots, (x_{n1}, \dots, x_{np}, y_n)\} \quad \dots (2,14)$$



## المربعات الصغرى المشذبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي فج تلوثة مياه نهر دجلة / محافظة واسط

وكانت (T) تمثل مقدرات الانحدار أي أن  $T(z) = \hat{\theta}$  فإذا تم إستبدال (m) من البيانات الاصلية حيث أن  $0 \leq m < n$  ببيانات أخرى عشوائية (هذه البيانات عبارة عن شواذ سينة جداً) فإن البيانات الجديدة سيرمز لها بالرمز (Z') ، وكان مقدار التحيز  $b(m; T, Z)$  الذي هو أكبر تحيز الذي يحصل بسبب التلوثة

$$bias(m; T, Z) = \sup_{Z'} \|T(Z') - T(Z)\| \quad \dots(2,15)$$

حيث أن  $\sup$  معرفة على كل (Z') الممكنة، فإذا كان مقدار التحيز  $b(m; T, Z)$  غير محدد هذا يعني أن (m) من البيانات استطاعت أن تؤثر بشكل كبير على المقدر (T) والتي يمكن القول عنه بأن المقدر ينهار ويمكن التعبير عنها بالشكل الآتي:

$$\epsilon_n^* = \min \left\{ \frac{m}{n}; bias(m; T, Z) \text{ is infinite} \right\}$$

**2-2 طريقة المربعات الصغرى المشذبة (LTS) Least Trimmed Squares Method**  
قدم Peter Rousseeuw 1984 عدة مقدرات حصينة من ضمنها طريقة وسيط المربعات الصغرى Least Trimmed Squares (LTS) وطريقة المربعات المشذبة Median Squares (LMS) [10] p.876 .

أن طريقة (LTS) تشبه الى حد ما طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية (OLS) إلا أن الفرق بينهما هو أن مربعات البواقي الكبيرة لا تدخل ضمن المجموع مما يسمح ببقاء القيم الجيدة بعيداً عن القيم الشاذة. إذ يتم في طريقة (LTS) إيجاد  $\beta \in R^p$  بحيث تجعل مجموع مربعات البواقي للمجموعة الجزئية (h) أقل ما يمكن، ويتم ذلك عن طريق إيجاد  $\binom{n}{h}$  من العينات الجزئية وتطبق على كل عينة جزئية طريقة (OLS) والعينة التي لها أقل مجموع مربعات بواقي هي التي يتم استخدامها للحصول على المعالم المقدرة. ويمكن إيجاد المقدرات على النحو الآتي:

$$\hat{\theta}_{LTS} = \min \sum_{i=1}^h (r^2)_{i,n}$$

حيث  $(r^2)_{i,n} \leq \dots \leq (r^2)_{i,n}$  هي مربعات البواقي (الأخطاء تربيع ثم ترتب) :

$$h = \frac{n + p + 1}{2}$$

وان (h) تقع ضمن الفترة:  $\frac{n}{2} < h \leq n$ ، أن (h) من البيانات لا يتم تشذيبها والباقي (n-h) تم تشذيبه.

إن نقطة الانهيار لطريقة (LTS) عندما تكون  $h = [(n + p + 1)/2]$  هي ، البرهان موجود في p.132 [8].

$$\epsilon_n^* = \frac{\frac{n-p}{2} + 1}{n}$$

أن قيمة (h) المذكورة أعلاه تجعل نقطة الانهيار تبلغ أقصى حد p.132 [2] والذي يكون مساوي الى 50% أما إذا تجاوزت نقطة الانهيار هذا الحد فإنه لا يمكن التمييز بين الجزء الجيد عن الجزء غير الجيد (الشاذ) من البيانات. أما في حالة كون (h = n) فإننا نحصل بذلك على مقدر (LS) والذي لديه نقطة انهيار تكون مساوية الى الصفر.

وبصورة عامة (h) قد تعتمد على نسبة التشذيب ( $\alpha$ ) وعلى سبيل المثال يمكن أن نعبر عنها على النحو الآتي:

$$h = n(1 - \alpha) + \alpha(p + 1)$$

أو

$$h = n(1 - \alpha) + 1$$

حيث أن نقطة الانهيار تقريباً تعادل هذه النسبة ( $\alpha$ ).

عندما ( $\alpha$ ) تقترب من 50% سوف يتم الحصول على مقدرات (LTS) أما إذا اقتربت هذه النسبة ( $\alpha$ ) من الصفر سوف نحصل مقدرات (LS) p.134 [8].



## المربعات الصغرى المشدبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي فج تلوثة مياه نهر دجلة / محافظة واسط

إن مقدر (LTS) لديه مزايا عديدة على عكس مقدر (LMS) حيث أن دالة هدف (LTS) أكثر سلاسة من دالة هدف (LMS) مما يجعلها أقل حساسية للتأثيرات المحلية، وكفاءتها الإحصائية أفضل بسبب أن مقدر (LTS) هو محاذاي طبيعي بينما مقدر (LMS) لديه معدل تقارب ضعيف ويساوي  $(n^{-1/3})$  بينما معدل تقارب (LTS) هو  $(n^{-1/2})$ .  
على الرغم من كل هذه المزايا الجيدة إلا أن طريقة (LTS) تطبق بصورة قليلة وذلك بسبب صعوبتها عند الحساب.

### خصائص تساوي التغيرات (Equivariance Properties):

توجد هناك ثلاثة أنواع من تساوي التغيرات مرتبة من الأعلى الى الأسفل حسب الأولوية وهذه الخصائص هي:  
1. انحدار متساوي التغيرات (Regression Equivariant): يقال للمقدر بأنه انحدار متساوي التغيرات إذا كان:

$$T(\{(x_i, y_i + x_i v); i = 1, \dots, n\}) = T(\{(x_i, y_i); i = 1, \dots, n\})$$

حيث أن  $v$  هو متجه عمودي، إن انحدار متساوي التغيرات هو ترجمة متساوي التغيرات لمقدر الموقع في متعدد المتغيرات ولكن بصياغة مختلفة.

2. قياس متساوي التغيرات (Scale Equivariant): يقال للمقدر  $T$  بأنه قياس متساوي التغيرات إذا كان

$$T(\{(x_i, cy_i); i = 1, \dots, n\}) = cT(\{(x_i, y_i); i = 1, \dots, n\})$$

لأي ثابت  $c$ ، هذا يؤدي الى أن الملائمة بشكل أساسي مستقلة عن اختيار وحدة القياس لمتغير الاستجابة  $y$ .  
3. انحدار قياس متساوي التغيرات (Affine Equivariant): يقال للمقدر  $T$  بأنه انحدار قياس متساوي التغيرات إذا كان:

$$T(\{(x_i, A, y_i); i = 1, \dots, n\}) = A^{-1}T(\{(x_i, A, y_i); i = 1, \dots, n\})$$

لأي مصفوفة  $A$  غير مفردة (Non-singular)، حيث يمكننا القول بأن انحدار قياس متساوي يعني أن التحويل الخطي لـ  $x_i$  سيحول المقدر  $T$  تبعاً لذلك بسبب أن

$$\hat{y}_i = x_i T = (x_i A)(A^{-1} x_i)$$

هذا يسمح لنا باستخدام نظام إحداثي آخر للمتغيرات التوضيحية من دون أن تؤثر على القيمة التقديرية لـ  $y_i$ .  
إن مقدر (LTS) يحقق الثلاث أنواع المذكورة أعلاه أي أنه انحدار متساوي التغيرات وقياس متساوي التغيرات وانحدار قياس متساوي التغيرات على النحو التالي: انحدار متساوي التغيرات إذا كان:

$$\sum_{i=1}^h ((y_i + x_i v - x_i \{v + \theta\})^2)_{i:n} = \sum_{i=1}^h ((y_i - x_i \theta)^2)_{i:n}$$

لأي متجه عمودي  $v$ ، قياس متساوي التغيرات وانحدار قياس متساوي التغيرات تكون مماثلة.

إن مقدر (LTS) ينتمي الى عائلة مقدرات انحدار قياس متساوي التغيرات (affine equivariant) [4].

### 2-3 المربعات الصغرى المشدبة الموزونة (Weighted Least Trimmed Squares)

[3] p.17 [8] p.8:

لغرض زيادة كفاءة مقدرات (LTS) فإنه من الممكن حساب مقدرات موزونة لهذه الطريقة، وينبغي أن يجمع هذا الاجراء بين حصانة المقدرات الابتدائية (الحصينة) والدقة العالية في التقدير.

افترض أن  $\hat{B}_0$  و  $\hat{\sigma}_0$  هي المقدرات الابتدائية (الحصينة) التي تم الحصول عليها من خلال طريقه (LTS) لمعلمت نموذج الانحدار والانحراف المعياري للبواقي على التوالي، إن الهدف هو بناء أوزان صعبة الرفض تحدد أي من الحالات يجب أن يتم وزنها أو تشذيبها (أي إن الحالة  $i$  التي سوف تشذب يكون وزنها مساوي الى الصفر  $w_i = 0$ ). ويتم تحديد الحالة الشاذة عن طريق البواقي المعيارية باستخدام الطريقة الحصينة

$$\left| \frac{r_i}{\hat{\sigma}} \right|$$

اذ أن



## المربعات الصغرى المشذبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي فج تلوثة مياه نهر دجلة / محافظة واسط

$$r_i = y_i - \hat{y}_i$$
$$\hat{\sigma} = \frac{1}{c_1} \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (r_i)^2}$$

حيث أن  $\hat{\sigma}$  هو الانحراف المعياري للبواقي بالنسبة الى طريقة (LTS) و ( $c_1$ ) هو معامل تصحيح، أن الحالة (i) ستعتبر حالة شاذة إذا فقط إذا كانت البواقي المعيارية لها كبيرة (أن هذه النسبة لا تعتمد على وحدات القياس الاصلية).

وبعد أن تم تحديد الحالات الشاذة يمكن أن نطبق طريقه المربعات الصغرى الموزونة (WLS) ويكون الوزن على النحو الاتي:

$$w_i = \begin{cases} 1 & \text{if } \left| \frac{r_i}{\hat{\sigma}} \right| \leq 2.5 \\ 0 & \text{if } \left| \frac{r_i}{\hat{\sigma}} \right| > 2.5 \end{cases}$$

إن الطرف الايسر من المتباينة والمساوي الى (2.5) هو اعتباطي ولكنه معقول اذ أنه في حالة التوزيع الطبيعي فأن هناك عدد قليل من البواقي يكون أكبر من  $\hat{\sigma}$  (2.5). إن المقدرات الناتجة لا تزال تمتلك نقطة الانهيار العالية، ولكنها ذات كفاءة عالية.

### 3- الجانب التطبيقي

#### 1-3 وصف البيانات والعينة

تم الحصول على عينة بحجم 91 من مختبر دائرة مجاري واسط حيث هذا العدد يمثل المحطات التي توجد في مدينة الكوت حصرا وكانت هذه العينة تحتوي على متغير معتمد (TDS) وثلاث ملوثات مستقلة وهي (PO4,CL,SO4), حيث تم سحب بيانات هذه العينة من قبل المختصين وتم سحبها من مواقع مختلفة لمدينة الكوت لعام 2015.

#### المواد الذائبة الكلية (TDS) Total Dissolved Solids [13]:

المواد الصلبة الذائبة هي كافة المواد التي تمر من خلال أوراق الترشيح المختبري مشتملة على المواد الغروية وتشكل المواد الصلبة الذائبة في المياه حوالي 90% والباقي على شكل غروي. تشكل المواد العضوية حوالي 40% من إجمالي المواد الصلبة الذائبة والباقي غير عضوي والجزء الغروي يكون في الغالب عضوي التركيب. تعد المواد الصلبة الذائبة من أهم معايير صلاحية المياه والري أن زيادة تركيز هذه المواد يؤثر على نمو النباتات اذ تحد من كميات المياه التي تمتصها الجذور لتقوم بعملية النتج وتقلل ومن ثم كمية المياه المنتقلة الى الأوراق والمياه المالحة تؤدي الى تراكم الاملاح في التربة مما يستوجب غسل التربة بعد كل موسم.

#### الكلوريدات (Cl) Chloride [13]:

تعد الكلوريدات من الايونات السالبة المهمة الموجودة في المياه الطبيعية وعند تواجدها بتركيز عالية يكتسب الماء تأثير تآكلي قد تظهر على الانابيب والمنشأة المعدنية، ويتم فحص الكلوريدات عند استخدام الماء للري في المياه المعالجة وذلك لتأثيره على أوراق المحاصيل الحساسة ويكون على شكل املاح الصوديوم والبيوتاسيوم والكالسيوم ويعطي الطعم المالح إذا ارتبط مع أيون الصوديوم وشكل ملح كلوريد الصوديوم (ملح الطعام) NaCl ، ولا يعطي الطعم المالح إذا ارتبط مع الايونات الأخرى مثل الكالسيوم وأيون المغنيسيوم، وتحتوى فضلات الانسان مثل العرق والادرار على (6) غرام من الكلوريدات للشخص الواحد في اليوم بسبب ملح الصوديوم الذي لا يتغير عبر مروره في الجهاز الهضمي لذلك ينطرح مع الادرار، وإن مصدر الكلوريدات تأتي من الترسبات والصخور (أي من تحلل الصخور الموجودة في الأنهر وتحلل الرمال ومن ادرار الانسان) ولا يمكن تقدير نتيجة الكلوريدات من اللون إلا من الحجم.





## المربعات الصغرى المشدبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي فج تلوث مياه نهر دجلة / محافظة واسط

### الكبريتات $SO_4$ [13]:

أن وجود الكبريتات في المياه نتيجة المخلفات الصناعية منها السيارات، الأسمدة، الكيماويات الغير عضوية، البلاستيك، تكرير البترول، الصلب، الصناعات الورقية. إن تأثير الكبريتات في المياه يسبب العسرة الدائمة وتكون على شكل كبريتات الكالسيوم والمغنيسيوم. وتحديد صلاحية المياه للري والبناء (ضروري لنمو النبات، ويؤثر على نوعية الكونكريت ويعمل على تفتته) ويعطي رائحة غير مقبولة للماء ويسبب تآكل الاتابيب.

### الفوسفات $(PO_4)$ [13]:

إن المصدر الرئيسي للفوسفات في المياه العادمة هو الأسمدة ومساحيق الغسيل وللكشف عنها يتم الاعتماد على اللون حيث أن شدة اللون الأصفر تتناسب مع تركيز الفوسفات الموجود في المياه العادمة يستخدم جهاز سيكتروفوتوميتر لقياس الامتصاصية أو النفاذية ومن خلالها نستطيع أن نعرف تركيز الفوسفات باستخدام الرسوم البيانية المعدة مسبقا. حيث أن الفوسفات يفيد في تقييم الطاقة البيولوجية للمياه السطحية وتشغيل محطات التنقية ودراسة تلوث الجداول.

إن الهدف من هذا الاجراء هو معرفة تأثير المواد الصلبة الذائبة (الاملاح) في مياه الصرف الصحي والتي تشمل الكبريتات والكلوريدات والفوسفات والتي تصبها محطات الصرف الصحي في مياه النهر مما يؤثر على الانسان والنبات والتربة.

### 2-3 النتائج

بعد أن تم الحصول على البيانات من الدائرة المذكورة بصورة مسبقة، تم تحليلها والحصول على النتائج الاتية.  
معالم النموذج ونقطة الانهيار عند كل طريقة

Param. Method	$b_0$	$b_1$	$b_2$	$b_3$	B.P.
OLS	-4.4179	1.0845	27.6734	2.5566	0.0110
	(1.5490) *	(0.1031) *	(8.8522) *	(0.1613) *	
LTS	-1.9541	1.0371	20.7881	2.2445	0.4890
	(0.8956) *	(0.2723) *	(3.3526) *	(0.1128) *	
WLTS	-1.1879	1.2527	18.2203	2.0501	0.4890
	(0.7445) *	(0.2245) *	(2.4883) *	(0.1260) *	
	-0.3088	1.2197	16.8118	1.9162	
	(0.7991) *	(0.2391) *	(2.8910) *	(0.1409) *	
C=2.3	-0.1402	1.2204	15.2296	1.9145	0.4890
	(0.8776) *	(0.2626) *	(3.1514) *	(0.1540) *	
C=2.5	-1.1829	0.8966	18.2565	2.2593	0.4890
	(0.8614) *	(0.2557) *	(3.2015) *	(0.1042) *	

\*: تمثل الانحراف المعياري لكل معلمة عند كل طريقة

• في الجدول أعلاه يلاحظ الانحراف المعياري لكل معلمة باستخدام طريقة LTS هو أصغر من الانحراف المعياري لكل معلمة باستخدام طريقة OLS وهذا يدل على أن طريقة LTS تخلصت من القيم الشاذة وكانت أكثر مقبولة.

• عند النظر الى نتائج طريقة WLTS وبالتحديد عند نقطة القطع (C=1.5) نلاحظ ان الانحراف المعياري لكل معلمة هو اقل من الانحراف المعياري عند طريقة LTS وذلك لأن عند نقطة القطع (C=1.5) تم التخلص من المشاهدات التي كانت لها النسبة  $|r_i/\sigma|$  أكبر من 1.5 أي قللت تشتت البيانات وأصبحت البيانات أكثر تجانس.



## المربعات الصغرى المشذبة الموزونة لتقدير تأثير مياه الصرف الصحي فجى تلوث مياه نهر دجلة / محافظة واسط

تباين الخطأ والنموذج ومعياري الكفاءة و RMSE

Method	Param.	$v(\hat{y})$	$v(e)$	RMSE	$(eff_{model})^*$
OLS		658.7724	30.4359	5.4865	100
LTS		26.6867	1.7318	1.3022	4.0510
WLTS	C=1.5	13.5262	0.7238	0.8378	2.0532
	C=2.1	13.6372	1.0434	1.0092	2.0701
	C=2.3	12.9844	1.2702	1.1144	1.9710
	C=2.5	27.7671	1.4754	1.2014	4.2150

\*: تمثل كفاءة النموذج عند القيم التقديرية للنموذج  $(\hat{y})$

• يلاحظ من خلال الجدول أعلاه ان تباين الخطأ عند طريقة WLTS عند نقطة القطع (C=1.5) هو اقل ما يمكن ومن ثم فان أفضل نتائج هي نتائج طريقة WLTS عند نقطة القطع (C=1.5).  
باستخدام المصفوفة  $h$  تم الكشف عن القيم الشاذة في المتغيرات المستقلة اذ تم الكشف عن كل متغير بصورة منفردة لمعرفة القيم الشاذة في كل متغير وأيضا معرفه قيمتها، وتم وضع هذه القيم الشاذة في الجدول التالي.

القيم الشاذة في كل متغير بواسطة المصفوفة  $h$

cl	So4
8295	5102
4109	2839
3446	

### 1-4 الاستنتاجات

1. إن النتائج التي تم الحصول عليها بطريقه LTS أفضل من نتائج طريقة OLS حيث يمكن ملاحظة ذلك من خلال معيار RMSE، ويمكن ملاحظة ذلك أيضا من خلال كفاءة النموذج.
2. إن استخدام الأوزان أدت الى تحسين التقدير ويمكن ملاحظة ذلك من خلال معيار RMSE وأفضل نتيجة هي عندما كانت نقطة القطع مساوية الى C=1.5.

### 2-4 التوصيات

1. تكثيف الاهتمام حول وجود القيم الشاذة في بيانات الظاهرة المدروسة وذلك بسبب صعوبة توفر الظروف المثالية للظاهرة المدروسة نتيجة التغيرات التي تحدث حول هذه الظاهرة.
2. استخدام طرائق التقدير الحصينة الأخرى على سبيل المثال طريقة Maximum Median (MML) Likelihood، وكذلك معرفه خصائص مقدرات هذه الطرائق وكذلك حساسيتها وتأثيرها تجاه وجود الشواذ.
3. التقليل من استخدام المواد المسببة للتلوث وعدم إستخدامها بكثرة للحفاظ على البيئة.
4. زيادة كفاءة محطات معالجة مياه الصرف الصحي في معالجة التلوث والاهتمام بها من ناحية الأجهزة المختبرية والمعدات اللازمة والمتطورة لعمل هذه المحطات على أتم وجه، ومحاولة التقليل من وجود هذه الملوثات وعدم رميها في مياه الأنهر بصورة مباشرة الا بعد التخلص من هذه الملوثات الضارة.
5. زيادة الوعي البيئي ويتم ذلك من قبل مختصين في مجال البيئة والصحة حيث يتم ذلك عن طريق عمل دورات تثقيفية في مجال المحافظة على البيئة أو عن طريق عمل بعض المنشورات أو الإعلانات الدعائية والتي تهدف الى زيادة الوعي البيئي لدى كافة الناس.





## المصادر

- [1] كاظم ، أموري هادي “القياس الاقتصادي , ”عمان .دار زهران ، 2009.
- [2] A. Giloni, M. Padberg, “Least Trimmed Squares Regression, Least Median Squares Regression, and Mathematical Programming,” *Math. Comput. Model.*, vol. 35, no. 2, pp. 1043–1060, 2002.
- [3] C. Pavel, “Reweighted Least Trimmed Squares: An Alternative to One-Step Estimator”, (Center Discussion Paper; Vol. 91). Tilburg University: Econometrics, 2010.
- [4] E. B. Balogun, X. Huang, Y. Lin, M. Liao, and M. F. Adaramola, “Regression Estimation Modelling Techniques on Static Solar Photovoltaic Module,” vol. 5, no. 4, pp. 451–461, 2015.
- [5] M. Hawkins, “Identification of Outliers”, Chapman & Hall in 1980.
- [6] M. L. Tiku and A. D. Akkaya, “Robust Estimation and Hypothesis Testing.” 2004.
- [7] P. J. Huber. “Robust Regression: Asymptotics Conjectures and Monte carlo”, Jstor, 1973.
- [8] P. J. Rousseeuw and A. M. Leroy, “Robust Regression and Outlier Detection.” p. 347, 1987.
- [9] P. R. Freeman, “On the Number of Outliers in Data from a Linear Model,” *Trab. Estad. Y Investig. Oper.*, vol. 31, no. 1, pp. 349–365, 1980.
- [10] P. Rousseeuw, “Least Median of Squares Regression,” *J. Am. Stat. Assoc.*, vol. 79, no. 388, pp. 871–880, 1984.
- [11] V. Hautam , K. Ismo, F Pasi “Outlier Detection Using k-Nearest Neighbour Graph”.
- [12] W. J. A. K. H. T. J. Han, “Mining Top-n Local Outliers in Large Databases,” *Proc. seventh ACM SIGKDD Int. Conf. Knowl. Discov. data Min. - KDD '01*, pp. 293–298, 2001.
- [13] American Public Health Association, & American Water Works Association. (1989). *Standard methods for the examination of water and wastewater*. American public health association.



## Weighted Least Squares Estimation of the Effect of Wastewater Pollution of Tigris River / Wasit Governorate

### Abstract

The analysis of Least Squares: LS is often unsuccessful in the case of outliers in the studied phenomena. OLS will lose their properties and then lose the property of Best Linear Unbiased Estimator (BLUE), because of the Outliers have a bad effect on the phenomenon. To address this problem, new statistical methods have been developed so that they are not easily affected by outliers. These methods are characterized by robustness or (resistance). The Least Trimmed Squares: LTS method was therefore a good alternative to achieving more feasible results and optimization. However, it is possible to assume weights that take into consideration the location of the outliers in the data and determine them accurately. In order to increase the Weighted Least Trimmed Squares: WLTS, the weight of the sample data on the estimation is repeated. In order to perform this research, the need for detection and investigation of the impact of pollution of the Tigris River in Wasit Governorate has been called for by wastewater, particularly Total Dissolved Solids: TDS as dependent variable, and the impact of three covariates Sulfates:  $SO_4$ , Chloride: Cl and Phosphate:  $PO_4$  pollutants. The evaluation was done in a precise manner and submitted to the competent authorities. In order to achieve this objective, a sample of (91) positions were drawn and checked in the laboratories of Wasit Governorate.

**Keywords:** Least squares, Outliers, Trimmed Methods, River's Pollution.